Ὑπόθεσις Ἐπιστημονικὴ Περὶ Πρώτων Ἀριθμῶν καὶ Γεωμετρικῶν Προβολῶν

- Ἀρχαία Ἑλληνική: «Δοκεῖ ἡμῖν τοὺς πρώτους ἀριθμοὺς, ὅταν εἰς σχήματα γεωμετρικὰ ἀνωτέρων διαστάσεων ἀπεικονίζονται καὶ ἔπειτα εἰς διαστάσεις ἐλάττους προβάλλονται, διατηρεῖν ἰδιότητας τινὰς, αἵτινες τῇ φύσει τῆς πρωτότητος αὐτῶν προσήκουσιν. Ἔτι δὲ, αἱ μέθοδοι τῆς προβολῆς καὶ οἱ κινήσεις τῶν σχημάτων ταῦτα διατηροῦσιν, ὥστε λόγοι ἀριθμητικοὶ ἐν τοῖς γεωμετρικοῖς σχήμασιν ἐμφαίνονται.»

Ἐξηγήσεις πρὸς Κατανόησιν Βαθυτέραν

1. Πρῶτοι Ἀριθμοί: Οἱ ἀριθμοὶ οὗτοι, ὡς ἴσμεν, διαιροῦνται μόνον δι᾽ ἑαυτῶν καὶ τῆς μονάδος. Διὰ τοῦτο, ἔχουσι φύσιν μοναδικὴν, καὶ δοκεῖ ἡμῖν ταύτην τὴν μοναδικότητα ἐξευρεῖν καὶ ἐν τοῖς γεωμετρικοῖς σχήμασι.
2. Γεωμετρικὰ Σχήματα Ἀνωτέρων Διαστάσεων: Νοοῦμεν σφαίρας τετραδιάστατους καὶ ἄλλα σώματα, ὧν αἱ ἰδιότητες δύνανται νὰ κρύπτωσι σχέσεις ἀριθμητικὰς, οἷον τοὺς πρώτους ἀριθμούς.
3. Προβολαὶ εἰς Ἐλάττους Διαστάσεις: Ὅταν τὰ σχήματα ταῦτα προβάλλονται εἰς δύο ἢ τρεῖς διαστάσεις, αἱ σχέσεις ἀριθμητικαὶ δύνανται νὰ ἐμφανίζονται εἰς τρόπους τινὰς, οἷον ἀποστάσεις ἢ ἐμβαδά.
4. Μέθοδοι Προβολῆς καὶ Κινήσεις: Αἱ μέθοδοι τῆς προβολῆς (ὀρθογραφικὴ ἢ προοπτικὴ) καὶ οἱ τρόποι κινήσεως τῶν σχημάτων δύνανται νὰ ἐπηρεάζωσι τὴν διατήρησιν τῶν ἰδιοτήτων. Διὰ τοῦτο, ζητοῦμεν τρόπους οἵτινες τὰ μέγιστα διατηροῦσι.
5. Λόγοι Ἀριθμητικοὶ ἐν Γεωμετρικοῖς Σχήμασιν: Τελικῶς, ἐλπίζομεν εὑρεῖν τρόπους ὥστε οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ νὰ ἐμφαίνονται εἰς τὰ γεωμετρικὰ σχήματα, οἷον τὸ πῶς ἀπέχουσιν τὰ σημεῖα, ἢ πῶς τὰ ἐμβαδὰ διατάσσονται.

Εἰς τὸ σύνολον ἡ ὑπόθεσις αὕτη προσπαθεῖ νὰ συνδέσει δύο κλάδους τῶν μαθηματικῶν, τὴν θεωρίαν ἀριθμῶν καὶ τὴν γεωμετρίαν, διὰ τρόπου καινοῦ καὶ ἐλπίζομεν ὅτι ἀποκαλύψομεν σχέσεις ἀφανεῖς μέχρι τοῦδε.